

## بهبود سازی نوآورانه پرتفولیو سهام: یک رویکرد بهینه یکپارچه با استفاده از الگوریتم PSO و بدترین حالت CVaR - کاپولای پویا برای عملکرد پیشرفته

وحید ساعی<sup>۱</sup>

یعقوب پور کریم<sup>۲</sup>

سید علی پایتختی اسکوئی<sup>۳</sup>

رسول برادران حسن زاده<sup>۴</sup>

مهدی زینالی<sup>۵</sup>

(تاریخ دریافت ۱۴۰۳/۱۲/۲۸ - تاریخ تصویب ۱۴۰۴/۱/۲۷)

نوع مقاله: علمی پژوهشی

### چکیده

بهبود سازی سبد سهام مفهومی کلیدی در مدیریت سرمایه گذاری است که ترکیب بهینه‌ای از بازده و ریسک را در تخصیص دارایی‌ها ایجاد می‌کند. نظریه مدرن سبد سهام (MPT) که همبستگی‌های بین دارایی‌ها را در نظر گرفته و از تحلیل میانگین - واریانس استفاده می‌کند،

<sup>۱</sup> - گروه حسابداری، واحد تبریز، دانشگاه آزاد اسلامی، تبریز، ایران.

<sup>۲</sup> - گروه حسابداری، واحد تبریز، دانشگاه آزاد اسلامی، تبریز، ایران. (نویسنده مسئول) pour Karim @ iaut.ac.ir

<sup>۳</sup> - گروه اقتصاد، واحد تبریز، دانشگاه آزاد اسلامی، تبریز، ایران.

<sup>۴</sup> - گروه حسابداری، واحد تبریز، دانشگاه آزاد اسلامی، تبریز، ایران.

<sup>۵</sup> - گروه حسابداری، واحد تبریز، دانشگاه آزاد اسلامی، تبریز، ایران.

گامی اساسی در ساخت سبد محسوب می‌شود. با این حال، واقعیت‌های بازارهای مالی که تمایل به نشان دادن پیچیدگی‌ها و نیاز به مدیریت ریسک‌های دنباله سنگین و وابستگی‌های گذرا دارند، ضرورت توسعه تکنیک‌های غنی‌تری مانند چارچوب‌های بهینه‌سازی ارزش در معرض خطر شرطی (CVaR) و فرآیندهای چندهدفه را تقویت کرده است. در این پژوهش، یک مدل چندهدفه نوین برای انتخاب پرتفوی بهینه ارائه می‌شود که از تکنیک کاپولای پویا به منظور ارزیابی دقیق وابستگی‌های غیرخطی و غیرپارامتریک بین دارایی‌ها و از الگوریتم PSO برای بهینه‌سازی استفاده می‌کند. مدل پیشنهادی، با تلفیق معیارهای پیشرفته مدیریت ریسک، شامل بدترین حالت CvaR (WCVaR) و بازده مورد انتظار، چارچوبی جامع برای بهینه‌سازی پرتفوی تحت شرایط بازارهای پویا فراهم می‌سازد. یافته‌ها حاکی از آن است که مدل پیشنهادی، در مقایسه با روش‌های کلاسیک نظیر مدل میانگین - واریانس مارکوویتز و پرتفوی با وزن‌های برابر، از برتری معناداری در شاخص‌های عملکردی شامل نسبت شارپ تعدیل‌شده با ریسک و پایداری در شرایط آشفتگی بازار برخوردار است. این مدل با امکان مدیریت پویای توزیع دارایی‌ها و حفظ توازن بین اهداف رقابتی (مانند حداکثرسازی بازده و حداقل‌سازی ریسک)، گزینه‌ای کارآمد برای سرمایه‌گذاران نهادی و حرفه‌ای محسوب می‌شود.

**واژه‌های کلیدی:** بهینه‌سازی پرتفوی، مدل میانگین - واریانس، کاپولای پویا، بهینه‌سازی،

الگوریتم فرا ابتکاری

**طبقه‌بندی JEL:** C۰۲-C۳۸-C۶۱-G۱۱

## مقدمه

در دنیای پیچیده و پویای مدیریت مالی، بهینه‌سازی پرتفوی به عنوان فرآیندی بنیادی و چندبعدی مطرح است که هدف اصلی آن ایجاد تعادلی دقیق بین بازدهی و ریسک، پاسخگویی به نیازهای

سرمایه گذاران و تطبیق با نوسانات متغیر بازار می باشد. از زمان معرفی نظریه پرتفوی مدرن<sup>۱</sup> (MPT) توسط مارکوویتز<sup>۲</sup> (۱۹۵۲) که بر پایه تحلیل میانگین - واریانس، چارچوبی ریاضی برای ساخت سبدهای کارا ارائه داد، این حوزه دستخوش تحولات چشمگیری شده است. با این حال، با ظهور نوسانات شدید و متغیر در بازارهای مالی، به ویژه در بازارهای نوظهور مانند بورس اوراق بهادار تهران، مشخص شد که مدل های کلاسیک قادر به پوشش کامل جنبه های واقعی و پیچیده رفتار دارایی ها نیستند (چن<sup>۳</sup> و همکاران، ۲۰۲۱؛ آلتوئیبی<sup>۴</sup> و همکاران، ۲۰۲۲؛ رضاشاطری و همکاران، ۱۴۰۳). به عنوان مثال، وابستگی های غیرخطی بین دارایی ها که در شرایط بحران مالی تشدید می شوند، در مدل های سنتی با فرض ثبات پارامترها نادیده گرفته می شوند. این محدودیت ها موجب شده است پژوهشگران به سمت توسعه معیارهای ریسک پیشرفته و رویکردهای ترکیبی حرکت کنند، که در آن ها همبستگی پویا و ناهمسانی واریانس به صورت همزمان مدل سازی می شوند (بولرسلف<sup>۵</sup>، ۱۹۸۶، پتون<sup>۶</sup>، ۲۰۱۲). یکی از چالش های اساسی در این مسیر، مدل سازی دقیق وابستگی های بین دارایی ها است. در این زمینه، توابع کاپولا<sup>۷</sup> به عنوان ابزاری انقلابی مطرح شده اند که امکان جداسازی مدل سازی توزیع حاشیه ای هر دارایی از ساختار وابستگی بین آن ها را فراهم می کنند (اسکلار<sup>۸</sup>، ۱۹۵۹). برای نمونه، در بازارهایی مانند بورس تهران که تحت تأثیر نوسانات سیاسی و اقتصادی قرار دارد، کاپولا های پویا با به کارگیری تکنیک پنجره لغزشی این قابلیت را دارند که تغییرات ساختاری در وابستگی ها را در طول زمان بازتاب دهند (پتون، ۲۰۱۲). این رویکرد نه تنها دقت پیش بینی ریسک را افزایش می دهد، بلکه از ارزیابی های نادرست ناشی از فرض ایستایی پارامترها جلوگیری می کند.

---

<sup>۱</sup> - Modern Portfolio Theory

<sup>۲</sup> -Marquitz

<sup>۳</sup> - Chen

<sup>۴</sup> - Alotaibi

<sup>۵</sup> -Bollerslev

<sup>۶</sup> - Patton

<sup>۷</sup> - Copula

<sup>۸</sup> -Sklar

افزون بر این، ادغام کاپولاها با مدل‌های GARCH که ناهمسانی واریانس را در سری‌های زمانی مالی مدل می‌کنند، امکان ثبت نوسانات پویای بازار را فراهم می‌آورد (انجل<sup>۱</sup>، ۱۹۸۹). این ترکیب، چارچوبی جامع ایجاد می‌کند که هم نوسانات فردی دارایی‌ها و هم ساختار وابستگی بین آن‌ها را به صورت همزمان پوشش می‌دهد.

در کنار این پیشرفت‌ها، انتخاب معیار ریسک مناسب نیز نقش تعیین‌کننده‌ای دارد. اگرچه ارزش در معرض ریسک (VaR) به طور گسترده در صنعت مالی استفاده می‌شود، ناتوانی آن در ارزیابی ریسک‌های دم توزیع بازدهی‌ها که در بحران‌های مالی به شدت نمایان می‌شوند، موجب شده است ارزش در معرض ریسک شرطی (CVaR) به عنوان جایگزینی دقیق‌تر مورد توجه قرار گیرد (روکافلر و اوریاسف<sup>۲</sup>، ۲۰۰۰).

در این پژوهش، با تمرکز بر بدترین حالت CVaR (WCVaR) که ریسک را در شرایط بحرانی بازار، مانند شوک‌های اقتصادی ناگهانی، ارزیابی می‌کند، مدلی واقع‌گراتر برای بازارهای پرنوسان طراحی شده است. این معیار، همراه با نسبت شارپ که توازن بین بازدهی و ریسک را اندازه‌گیری می‌کند، پایه‌ای برای بهینه‌سازی چندهدفه تشکیل می‌دهد که امکان انعطاف‌پذیری در انتخاب پرتفوی را بر اساس ترجیحات سرمایه‌گذاران فراهم می‌کند. با این حال، پیچیدگی محاسباتی ناشی از ادغام این مفاهیم پیشرفته، استفاده از الگوریتم‌های فراابتکاری را اجتناب‌ناپذیر ساخته است. الگوریتم ازدحام ذرات<sup>۳</sup> (PSO) که اولین بار توسط کندی و ابرهارت<sup>۴</sup> (۱۹۹۵) معرفی شد، به دلیل توانایی جستجوی کارآمد در فضای پارامتری پیچیده و جلوگیری از به دام افتادن در بهینه‌های موضعی، به عنوان روشی مؤثر برای تخمین پارامترهای توابع کاپولا و وزن‌های اهداف چندگانه در این پژوهش انتخاب شده است. این الگوریتم با شبیه‌سازی رفتار جمعی پرندگان، راه‌حل‌ها را در فضای جستجو به صورت پویا

<sup>۱</sup> -Engle

<sup>۲</sup> -Rockafellar & Uryasev

<sup>۳</sup> -Particle Swarm Optimization

<sup>۴</sup> -Kennedy & Eberhart

به روزرسانی می کند و همگرایی سریع به سمت جواب های بهینه را تضمین می نماید.

بنابراین، در این پژوهش سه هدف عمده مدنظر محققین می باشد:

۱. مدل سازی ناهمسانی واریانس با استفاده از GARCH برای هر دارایی، که نوسانات

پویا و وابسته به زمان را ثبت می کند.

۲. مدل سازی وابستگی پویا با به کارگیری توابع کاپولای متغیر زمانی، نرمال، استیودنت -

تی، گامبل<sup>۱</sup>، فرانک<sup>۲</sup> و کلایتون<sup>۳</sup> که با تکنیک پنجره لغزشی به روزرسانی می شوند.

۳. بهینه سازی چندهدفه یکپارچه که همزمان به حداقل رساندن WCVar و

حداکثرسازی نسبت شارپ را دنبال می کند.

مدل GARCH-dCopula<sup>۴</sup> بهینه شده با PSO نشان می دهند که چگونه تغییرات در وزن های

اهداف می تواند توازن بین بازدهی و ریسک را به طور چشمگیری تحت تأثیر قرار دهد، و به

سرمایه گذاران اجازه می دهد تا استراتژی های خود را با توجه به تحمل ریسک شخصی تنظیم

نمایند. در نهایت، این پژوهش با ارائه مدلی یکپارچه که هم به پویایی بازار پاسخ می دهد و هم

ترجیحات چندگانه سرمایه گذاران را در نظر می گیرد، گامی نوآورانه در حوزه بهینه سازی

پرتفوی برداشته است. نتایج حاصل از کاربرد این مدل در داده های واقعی بورس تهران نشان

می دهد که رویکرد پیشنهادی نه تنها دقت پیش بینی ریسک را بهبود می بخشد، بلکه

انعطاف پذیری لازم برای تطابق با تغییرات ساختاری بازار را نیز فراهم می کند. این مدل می تواند

به عنوان پایه ای برای توسعه ابزارهای مدیریت ریسک در مؤسسات مالی و طراحی سیاست های

تخصیص دارایی در بازارهای نوظهور مورد استفاده قرار گیرد.

## ۱. پیشینه تحقیق

بهینه سازی سبد سرمایه گذاری از زمان معرفی مدل میانگین - واریانس مارکویتز (۱۹۵۲) به

عنوان سنگ بنای نظریه مدرن پرتفوی شناخته شده است. این مدل با تعریف ریسک به عنوان

---

<sup>۱</sup> -Gumbel

<sup>۲</sup> -Frank

<sup>۳</sup> -Clyton

<sup>۴</sup> - Dynamic Copula

واریانس بازدهی و هدف قرار دادن بیشینه‌سازی بازده در سطح مشخصی از ریسک، چارچوبی ریاضی برای ساخت سبدهای کارا ارائه کرد. با این حال، انتقادات گسترده‌ای به محدودیت‌های این مدل وارد شد، از جمله فرض توزیع نرمال بازدهی‌ها و ناتوانی در مدل‌سازی ریسک نامتقارن. در پاسخ به این محدودیت‌ها، پژوهشگران معیارهای ریسک جایگزینی مانند نیمه واریانس را معرفی کردند که تنها انحرافات منفی از بازده مورد انتظار را در نظر می‌گیرد (سیلوا<sup>۱</sup> و همکاران، ۲۰۱۹). مطالعاتی مانند تحقیق ایازی و ابطی (۱۳۹۹) نشان دادند که مدل میانگین - نیمه واریانس در مقایسه با مدل کلاسیک مارکوویتز، عملکرد بهتری در بازارهای با توزیع نامتقارن بازدهی دارد، به ویژه در بورس تهران که نوسانات سیاسی و اقتصادی تأثیر قابل توجهی بر رفتار دارایی‌ها می‌گذارد.

با افزایش پیچیدگی مسائل واقعی (مانند محدودیت‌های وزنی، تعداد بالای دارایی‌ها، و قیود عملیاتی)، استفاده از روش‌های تحلیلی کلاسیک با چالش مواجه شد. این امر منجر به ظهور الگوریتم‌های فراابتکاری شد که توانایی حل مسائل بهینه‌سازی غیرخطی و گسسته را دارند. برای مثال، داودی‌فر (۱۳۹۹) در مطالعه‌ای بین‌المللی، کارایی الگوریتم‌های ژنتیک (GA)، ازدحام ذرات (PSO)، و بهینه‌سازی کلونی مورچگان (ACO) را در بهینه‌سازی سبد مبتنی بر نیمه واریانس مقایسه کرد و نشان داد که GA با ارائه کمترین ریسک و بیشترین بازدهی، برتری قابل توجهی دارد. این یافته‌ها با نتایج راعی و همکاران (۱۳۹۸) در بورس تهران همسوست که استفاده از PSO را در ترکیب با مدل‌های ARIMA-GARCH برای پیش‌بینی ریسک و بازده، مؤثرتر از روش‌های کلاسیک ارزیابی کردند. همزمان، ادغام رویکردهای چندهدفه به عنوان راهکاری برای تعادل بخشی بین معیارهای متناقضی مانند بازدهی، ریسک، و تنوع سبد مورد توجه قرار گرفت. پژوهش سیلوا و همکاران (۲۰۱۹) با استفاده از الگوریتم PSO و رتبه‌بندی تطبیقی، نشان داد که مدل‌های چندهدفه نه تنها انعطاف‌پذیری بیشتری در انتخاب سبد ارائه می‌دهند، بلکه از نظر پایداری در شرایط نوسانات بازار نیز برتری دارند. این موضوع در مطالعه

---

<sup>۱</sup>-Silva

واعظی و همکاران (۱۴۰۰) نیز تأیید شد که با توسعه مدل کوله‌پشتی و اعمال قیود کلاسبندی سهام، بهینه‌سازی سبد را با در نظر گرفتن ریسک پذیری سرمایه‌گذاران بهبود بخشیدند.

در سال‌های اخیر، ادغام روش‌های یادگیری ماشین و یادگیری عمیق با تئوری پرتفوی، افق‌های جدیدی را گشوده است. چن و همکاران (۲۰۲۱) با ترکیب مدل XGBoost برای پیش‌بینی قیمت سهام و بهینه‌سازی پس از آن با مدل میانگین - واریانس، نشان دادند که این رویکرد هیبریدی نسبت به روش‌های سنتی، بازدهی بالاتر و ریسک کمتری ایجاد می‌کند. این روند در مطالعه ما<sup>۱</sup> و همکاران (۲۰۲۳) با استفاده از شبکه‌های رمزنگار خودکار<sup>۲</sup> و LSTM برای پیش‌بینی و بهینه‌سازی سبد، به اوج خود رسید و نشان داد که مدل‌های مبتنی بر یادگیری عمیق حتی پس از کسر هزینه‌های معاملاتی، عملکرد مالی برتری دارند. از سوی دیگر، مدل‌سازی ریسک‌های بازار با معیارهایی مانند CVaR و WCvAR توجه ویژه‌ای را به خود جلب کرده است. آلتوایی و همکاران (۲۰۲۲) با معرفی رویکرد GARCH-Copula-WCvAR، نشان دادند که ادغام مدل‌های ناهمسانی واریانس (GARCH) و توابع کاپولا می‌تواند ارزیابی دقیق‌تری از ریسک‌های دم توزیع در بازارهای مالی نوظهور ارائه دهد. این یافته‌ها با نتایج تقی‌خواه خممامی و صلاحی (۱۳۹۸) همخوانی دارد که با استفاده از مدل‌های استوار تحت عدم قطعیت، از نوسانات شدید بازدهی در شاخص EuroStoxx ۵۰ جلوگیری کردند.

شبکه‌های عصبی پیشرفته نیز به عنوان ابزاری تحول‌آفرین در این حوزه مطرح شده‌اند. اشرف‌زاده و همکاران (۱۴۰۲) با ترکیب شبکه‌های عصبی پیچشی<sup>۳</sup> (CNN) و الگوریتم PSO، چارچوبی برای پیش‌انتخاب سهام و بهینه‌سازی سبد ارائه دادند که عملکرد مالی آن در مقایسه با روش‌های کلاسیک برتری قابل توجهی نشان می‌دهد. این رویکردها در مطالعه اروین و انگلبرشت<sup>۴</sup> (۲۰۲۳) با معرفی SBPSO (بهینه‌سازی ازدحام ذرات مبتنی بر مجموعه راهنما) برای مسائل چندهدفه، تکامل یافت و نشان داد که تنوع راه‌حل‌های بهینه می‌تواند انعطاف‌پذیری

<sup>۱</sup> -Ma

<sup>۲</sup> -Autoencoder

<sup>۳</sup> - Convolutional Neural Network

<sup>۴</sup> -Erwin & Engelbrecht

استراتژی‌های سرمایه‌گذاری را افزایش دهد.

با وجود پیشرفت‌های چشمگیر، چالش‌های عمده‌ای همچون مدل‌سازی پویای وابستگی‌های بین‌المللی دارایی‌ها تحت تأثیر تحریم‌ها و شوک‌های ژئوپلیتیک، ادغام داده‌های غیرساختاریافته (مانند اخبار و شبکه‌های اجتماعی) در فرآیند بهینه‌سازی، و بهبود تفسیرپذیری مدل‌های مبتنی بر یادگیری عمیق هنوز پابرجاست. پژوهش حاضر با تلفیق مدل‌های پویای GARCH-Copula، معیار WCvAR، و الگوریتم‌های فراابتکاری پیشرفته، درصدد است تا این شکاف‌ها را پر کند و چارچوبی جامع برای بازارهای نوظهور نظیر بورس تهران ارائه دهد.

## ۲. روش تحقیق

تحقیق حاضر از نظر هدف کاربردی و از نظر روش جز تحقیقات توصیفی است. داده‌های مورد استفاده در تحقیق نیز داده‌های قیمتی سهام پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار تهران هستند. به منظور پیاده‌سازی مدل نیز از نرم‌افزار Python استفاده می‌شود.

### ۱.۳. داده‌ها

نمونه‌های آماری تحقیق حاضر شرکت‌های فعال بورس اوراق بهادار تهران از سال ۱۳۹۱ تا ۱۴۰۲ است که با استفاده از روش حذف سیستماتیک انتخاب می‌شوند. بنابراین به دنبال شرکت‌هایی هستیم که:

- ۱- اطلاعات آن از سال ۱۳۹۱ تا ۱۴۰۲ در دسترس باشد.
  - ۲- از سال ۱۳۹۱ تا ۱۴۰۲، بیش از ۶ ماه بصورت مداوم بسته نبوده باشند.
  - ۳- از سال ۱۳۹۱ تا ۱۴۰۲، در هر سال حداقل ۱۴۰ روز معاملاتی داشته باشند.
- بر اساس آمار سایت [tse.ir](http://tse.ir) تا انتهای سال ۱۴۰۲ تعداد ۳۸۸ شرکت در بورس اوراق بهادار تهران پذیرفته شده‌اند. با در نظر گرفتن محدودیت‌های فوق، تعداد ۱۱۷ شرکت از ۲۴ صنعت مختلف انتخاب شدند. نحوه غربالگری شرکت‌ها در جدول ۱ نشان داده شده است. داده‌های قیمت تعدیل شده (افزایش سرمایه + تقسیم سود) این شرکت‌ها از سایت بورس اوراق بهادار به نشان

== بهینه سازی نوآورانه پرتفولیو سهام: یک رویکرد بهینه یکپارچه با استفاده از الگوریتم..... ۱۴۳

tsetmc.com جمع آوری می شود.

### جدول ۱. روند غربالگری شرکت های بورس اوراق بهادار تهران

ردیف	نوع غربالگری	تعداد شرکت
۱	دارای سابقه معاملاتی از فروردین سال ۱۳۹۱ تا انتهای سال ۱۴۰۲ نیستند	۱۶۵
۲	بیش از ۶ ماه بسته به صورت مداوم بودند	۴۱
۳	کمتر از ۱۴۰ روز معاملاتی در سال دارند	۶۵
	تعداد کل	۲۷۱

منبع: نتایج تحقیق

### ۲.۳. روش پیشنهادی

در این تحقیق به منظور تجزیه و تحلیل داده ها از مدل GARCH-dCopula بهینه شده با استفاده از الگوریتم فرا ابتکاری PSO استفاده شده است. از الگوریتم PSO به منظور بهینه سازی هایپارامترهای الگوریتم بهره گرفته می شود. همچنین از مدل GARCH-dCopula و بدترین حالت ارزش در معرض ریسک شرطی (WCVaR) به منظور انتخاب پرتفولیو استفاده می شود. فرایند بهینه سازی نیز بصورت یکپارچه و چندهدفه (با دو تابع هدف WCVaR و Sharp Ratio) خواهد بود.

شماتیک روش پیشنهادی بصورت شکل ۱ است. همانطور که از شکل مشخص است، بهینه سازی بصورت یکپارچه هست و همزمان تخمین بهینه وابستگی متغیر با زمان و وزن پرتفولیو از این طریق بدست می آید.

- ۱- محاسبه ترم پسماند سهام
- ۲- محاسبه وابستگی متغیر با زمان
- ۳- محاسبه WCVaR و Sharp Ratio
- ۴- بهینه سازی چندهدفه

در ادامه به تشریح هر یک از مراحل پرداخته می شود.

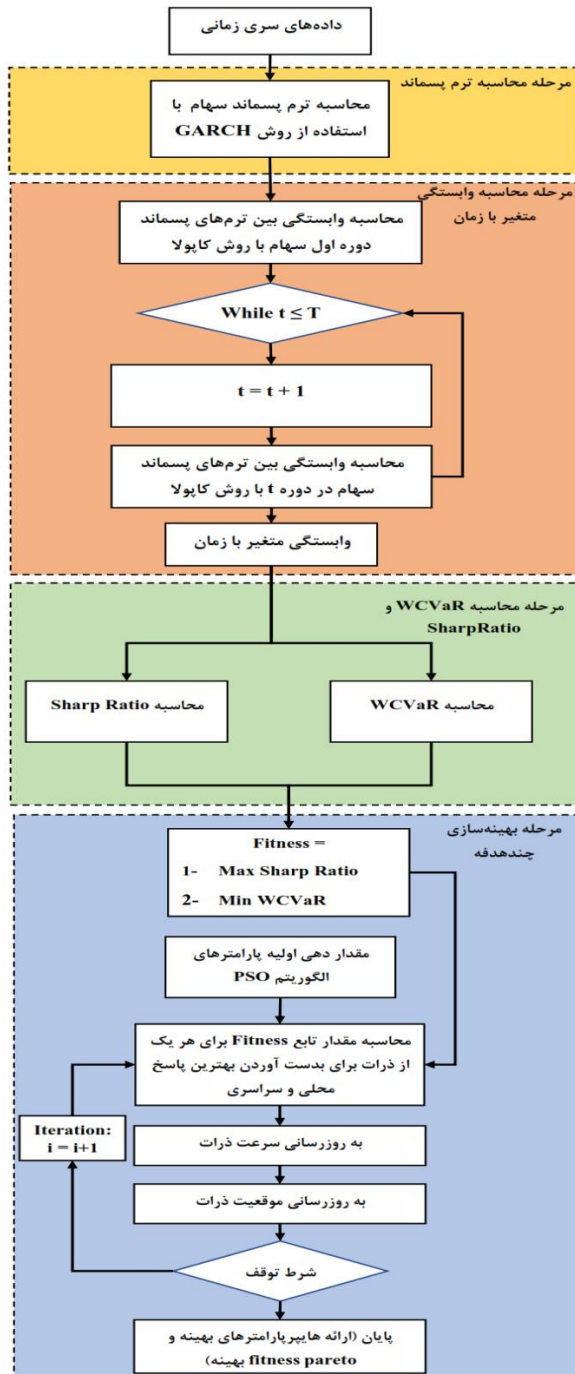
### ۱.۲.۳. مرحله اول: محاسبه ترم پسماند سهام

در این مرحله با استفاده از مدل GARCH و با ورود دیتای سری زمانی قیمت بسته شدن سهام به این مدل ابتدا به محاسبه بازدهی لگاریتمی آنها پرداخته و سپس ترم پسماند آنها محاسبه می‌شود. مدل GARCH یک مدل اقتصادی است که برای مدل‌سازی و پیش‌بینی واریانس نوسانات قیمت در بازارهای مالی استفاده می‌شود. این مدل معمولاً برای تحلیل داده‌های زمانی به کار می‌رود و به خصوص برای مدل‌سازی داده‌های با ویژگی‌های متغیر واریانس<sup>۱</sup> استفاده می‌شود. از مزایای این مدل می‌توان به توانایی مدل‌سازی تغییرات نوسانات قیمت در طول زمان و ارائه پیش‌بینی‌های دقیق‌تر برای واریانس نوسانات اشاره کرد (لامبرت و تراسویرتا<sup>۲</sup>، ۲۰۰۲). مدل GARCH بصورت زیر بیان می‌شود:

---

<sup>۱</sup> - heteroskedasticity

<sup>۲</sup> -Lundbergh & Teräsvirta



شکل ۱. شماتیک روش پیشنهادی

$$\begin{aligned} \varepsilon_t &= W_t \sqrt{h_t} \\ h_t &= \alpha_0 + \sum_{i=1}^p \alpha_i \varepsilon_{t-i}^2 + \sum_{j=1}^q \beta_j h_{t-j} \end{aligned} \quad (1)$$

که در آن، بازدهی لگاریتمی قیمت سهام ( $P_t$ ) است که از فرمول زیر محاسبه می‌شود:

$$r_t = \ln\left(\frac{p_t}{p_{t-1}}\right) \quad (2)$$

و  $h_t$  واریانس نوسانات،  $\varepsilon$  ترم پسماند و  $\alpha_0, \alpha_1, \beta > 0$  پارامترهای مدل هستند. همچنین  $p$  و  $q$  به ترتیب مرتبه فرایندهای ARCH و GARCH می‌باشند و در نتیجه آنرا بصورت GARCH( $p, q$ ) نمایش می‌دهند. از آنجایی که در اکثر داده‌های مالی با در نظر گرفتن مدل GARCH(۱,۱) مشکل ناهمسانی واریانس سری زمانی رفع می‌شود، در نتیجه در این پژوهش سری پسماندها با مدل GARCH(۱,۱) بدست می‌آیند. بنابراین داریم:

$$\begin{aligned} \varepsilon_t &= W_t \sqrt{h_t} \\ h_t &= \alpha_0 + \alpha_1 \varepsilon_{t-1}^2 + \beta_1 h_{t-1} \end{aligned} \quad (3)$$

### ۲.۲.۳. مرحله دوم: محاسبه وابستگی متغیر با زمان

در این مرحله، با استفاده از ترم‌های پسماند هر یک از سهام، وابستگی حاشیه‌ای آنها با استفاده از مدل‌های کاپولای جدول ۲ محاسبه می‌شود. از تکنیک پنجره لغزشی برای محاسبه وابستگی پویا استفاده می‌شود. مدل پیشنهادی برای توابع مختلف کاپولا پیاده‌سازی می‌شود و در نهایت بهترین مدل کاپولا برای محاسبه وابستگی متغیر با زمان انتخاب می‌شود. در این پژوهش، برای استفاده از مدل کاپولای متغیر با زمان، از مفهوم پنجره لغزشی با اندازه ۲۵۲ نمونه (یک ساله) برای داده‌های روزانه استفاده می‌شود. با در نظر گرفتن این مفهوم، مدل کاپولای متغیر با زمان به شکل زیر است:

$$F(\varepsilon_{1t}, \varepsilon_{2t}, \dots, \varepsilon_{nt}) = C_t(F_{1t}(\varepsilon_{1t}), F_{2t}(\varepsilon_{2t}), \dots, F_{nt}(\varepsilon_{nt}); \theta_t) \quad (4)$$

که در آن  $\theta_t$  پارامتر همبستگی در پنجره  $t$  ام و  $\varepsilon_{it}$  ترم پسماند مدل GARCH است. با استفاده از پنجره لغزشی با ۲۵۲ نمونه به تخمین مقدار همبستگی در اولین پنجره با استفاده از

== بهینه سازی نوآورانه پرتفولیو سهام: یک رویکرد بهینه یکپارچه با استفاده از الگوریتم..... ۱۴۷

تخمین گر حداکثر درست‌نمایی<sup>۱</sup> (CML) پرداخته می‌شود. این تابع به صورت زیر قابل تعریف است (گروس‌مس و پون<sup>۲</sup>، ۲۰۱۵):

$$\hat{\theta}_1 = \underset{\theta}{\operatorname{argmax}} \frac{1}{K} \sum_{i=1}^K \log(c(\hat{F}_1(\eta_{1,i}), \dots, \hat{F}_1(\eta_{n,i}); \theta)) \quad (5)$$

که در آن  $K$  اندازه پنجره (در اینجا ۲۵۲) است. معادله فوق از نوع حداکثرسازی است و برای حل آن از الگوریتم فرایتکاری PSO استفاده خواهد شد. این روش به تعداد  $n-251$  مرتبه تکرار شده ( $n$ : تعداد مشاهدات) و به همین تعداد  $\theta_i$  بدست می‌آید.

جدول ۲. اطلاعات مدل‌های مختلف کاپولا

تابع کاپولا	پارامتر	دامنه پارامتر	تابع مولد	وابستگی دم پایین	وابستگی دم بالا
نرمال	$\rho$	$(-1, 1)$	---	۰	۰
تی-استیودنت	$\rho$	$\rho \in (-1, 1)$	-----	$\left( -\sqrt{\frac{(v+1)(1-\rho)}{1+\rho}} \right)$	$\left( -\sqrt{\frac{(v+1)(1-\rho)}{1+\rho}} \right)$
کلاینتون	$\theta$	$(0, \infty)$	$\frac{t^{-\theta} - 1}{\theta}$	$\frac{-1}{\theta}$	۰
گامبل	$\theta$	$(1, \infty)$	$(-\ln t)^\theta$	۰	$\frac{1}{\theta} - \frac{1}{\theta}$
فرانک	$\theta$	$\theta \in R - \{0\}$	$-\ln \left( \frac{e^{-\theta t} - 1}{e^{-\theta} - 1} \right)$	۰	۰

منبع: نتایج تحقیق

<sup>۱</sup> - Canonical Maximum Likelihood

<sup>۲</sup> - Grossmass & Poon

۱. کاپولای نرمال

تابع کاپولای گوسی<sup>۱</sup> یا نرمال توسط ما<sup>۲</sup> و همکاران (۲۰۱۳) به صورت زیر تعریف شده است:

$$C^{Ga}(u, v; \rho) = \Phi_{\rho}(\Phi^{-1}(u), \Phi^{-1}(v)) \quad (7)$$

که  $\Phi_{\rho}$  تابع توزیع استاندارد نرمال دو متغیره با ضریب همبستگی  $\rho \in (0, 1)$  است. برای این خانواده کاپولا، تابع توزیع توأم و چگالی توأم از معادله زیر حاصل می شود:

$$\begin{cases} C^{Ga}(u, v; \rho) = \int_{-\infty}^{\Phi^{-1}(u)} \int_{-\infty}^{\Phi^{-1}(v)} \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sqrt{1-\rho^2}} \exp\left(\frac{\sqrt{2}uv - u^2 - v^2}{2(1-\rho^2)}\right) \sqrt{1-\rho^2} \, du \, dv \\ c^{Ga}(u, v; \rho) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sqrt{1-\rho^2}} \left( \frac{u^2 + v^2}{2} + \frac{\sqrt{2}uv - u^2 - v^2}{1-\rho^2} \right) \end{cases} \quad (8)$$

ضریب همبستگی رتبه‌ای کاپولای نرمال از رابطه زیر بدست می آید: (نلسن<sup>۳</sup>، ۲۰۰۶):

$$\tau = \frac{\sqrt{2}}{\pi} \arcsin \rho \quad (8)$$

برای این کاپولا، وابستگی دم - پایین و بالا برابر صفر ( $\lambda_U = 0, \lambda_L = 0$ ) است.

۲. کاپولای استیودنت - تی

کاپولای تی - استیودنت با درجه آزادی  $v$  به صورت زیر قابل تعریف است:

$$t_v(x) = \int_{-\infty}^x \frac{\Gamma((v+1)/2)}{\sqrt{\pi}\Gamma(v/2)} \left(1 + \frac{s^2}{v}\right)^{-\frac{v+1}{2}} ds \quad (9)$$

تابع توزیع توأم دو متغیره این تابع کاپولا با ضریب همبستگی  $\rho$  نیز از رابطه زیر بدست می آید:

<sup>۱</sup> - Gaussian

<sup>۲</sup> -Ma

<sup>۳</sup> -Nelsen

== بهینه سازی نوآورانه پرتفولیو سهام: یک رویکرد بهینه یکپارچه با استفاده از الگوریتم..... ۱۴۹

$$T_{v,\rho}(x,y) = \int_{-\infty}^x \int_{-\infty}^y \frac{1}{2\pi\sqrt{1-\rho^2}} \left( 1 + \frac{s^2 + t^2 - st\rho}{v(1-\rho^2)} \right)^{-\frac{v+2}{2}} dsdt \quad (10)$$

علاوه بر این، تابع توزیع کاپولای تی - استیودنت نیز بصورت زیر قابل محاسبه است (دونات و اوزاکی<sup>۱</sup>، ۲۰۲۳):

$$C(u,v) = T_{v,\rho}(t_v^{-1}(u), t_v^{-1}(v)) \quad (11)$$

که  $T_{v,\rho}$  توزیع دو متغیر،  $\rho$  ضریب همبستگی،  $v$  درجه آزادی و  $t_v^{-1}$  معکوس توزیع تک متغیره تی-استیودنت است. تابع ضریب همبستگی رتبه‌ای این کاپولا بصورت زیر قابل تعریف است: (نلسن، ۲۰۰۶):

$$\tau = \frac{2}{\pi} \arcsin \rho \quad (12)$$

کاپولای تی - استیودنت بطور همزمان دارای وابستگی دنباله‌ای دم - بالا و دم - پایین است که از رابطه زیر بدست می‌آید (دونات و اوزاکی، ۲۰۲۳):

$$\lambda_U = \lambda_L = 2t_{v+1} \left( \sqrt{\frac{(v+1)(1-\rho)}{1+\rho}} \right) \quad (13)$$

۳. کاپولای کلایتون

کاپولای کلایتون توسط کلایتون<sup>۲</sup> (۱۹۸۷) ارائه شد و تابع توزیع و تابع چگالی آن بصورت زیر محاسبه می‌شود:

$$\begin{cases} C(u,v) = \max \left( (u^{-\theta} + v^{-\theta} - 1)^{\frac{-1}{\theta}}, 0 \right) \\ c(u,v) = (\theta + 1)(u^{-\theta} + v^{-\theta} - 1)^{(-2-\frac{1}{\theta})} (uv)^{(-\theta-1)}, \quad \theta > 0 \end{cases} \quad (14)$$

سه ویژگی اصلی تابع کاپولای کلایتون عبارت است از (کلایتون، ۱۹۸۷):

• اگر  $\theta \rightarrow 0$ ، در حالت توزیع‌های حاشیه‌ای مستقل از هم هستند.

۱- Ozaki & Duarte

۲-Clayton

• اگر  $\theta \rightarrow \infty$  ، در حالت تابع کاپولای کلایتون به کران بالایی فرشه - هافدینگ سوق پیدا می کند.

• تابع کاپولای کلایتون دارای وابستگی دم - پایین است.

تابع مولد کاپولای کلایتون به صورت زیر بیان شده است:

$$\varphi(t) = \frac{t^{-\theta} - 1}{\theta} \quad (14)$$

ضریب همبستگی رتبه‌ای کاپولای کلایتون برابر است با (نلسن، ۲۰۰۶):

$$\tau = \frac{\theta}{\theta + 2} \quad (15)$$

وابستگی دم - بالای تابع کلایتون برابر صفر ( $\lambda_v = 0$ ) و وابستگی دم - پایین آن برابر است با (کایلثوت و گوئگان، ۲۰۰۵):

$$\lambda_L = 2^{-\frac{1}{\theta}} \quad (16)$$

۴. تابع کاپولای گامبل

کاپولای گامبل در سال ۱۹۶۰ توسط گامبل ارائه شد و توابع توزیع و چگالی آن به صورت زیر تعریف شد:

$$\begin{cases} C(u, v) = \exp\left(-\left((- \log u)^\theta + (\log v)^\theta\right)^{\frac{1}{\theta}}\right), & \theta \geq 1 \\ c(u, v) = \frac{[(- \log u)(- \log v)]^{\theta-1}}{uv} \left\{ (\theta - 1) \left[ (- \log u)^\theta + (\log v)^\theta \right]^{\frac{1}{\theta}-1} \right\} \end{cases} \quad (17)$$

این کاپولای دارای ویژگی‌های زیر است (گامبل، ۱۹۶۰):

- اگر  $\theta = 1$  ، در حالت توزیع‌های حاشیه‌ای مستقل از هم می‌شوند.
- اگر  $\theta \rightarrow \infty$  ، در حالت تابع کاپولای گامبل به کران بالایی فرشه - هافدینگ سوق پیدا می کند.
- تابع کاپولای گامبل تنها دارای وابستگی دم - بالا است.

== بهینه سازی نوآورانه پرتفولیو سهام: یک رویکرد بهینه یکپارچه با استفاده از الگوریتم..... ۱۵۱

تابع مولد کاپولای گامبل نیز بصورت قابل تعریف است:

$$\varphi(t) = (-\ln t)^\theta \quad (18)$$

ضریب همبستگی رتبه‌ای کاپولای گامبل برابر است با (نلسن، ۲۰۰۶):

$$\tau = \frac{\theta - 1}{\theta} \quad (19)$$

وابستگی دم - پایین تابع گامبل برابر صفر ( $\lambda_L = 0$ ) و وابستگی دم - بالای آن از رابطه زیر بدست می‌آید (کایلثوت و گوئنگان، ۲۰۰۵):

$$\lambda_U = 2 - 2\theta^{\frac{1}{\theta}} \quad (20)$$

۵. تابع کاپولای فرانک

تابع کاپولای فرانک، توسط فرانک<sup>۱</sup> (۱۹۷۹) معرفی شد و دارای توابع توزیع و چگالی زیر است:

$$\begin{cases} C(u, v) = -\frac{1}{\theta} \ln \left( 1 + \frac{(e^{-\theta u} - 1)(e^{-\theta v} - 1)}{e^{-\theta} - 1} \right), & \theta \in R - \\ c(u, v) = \frac{\theta e^{\theta(u+v)}(e^\theta - 1)}{[e^{\theta(u+v)} - e^{\theta u} - e^{\theta v} + e^\theta]^2} \end{cases} \quad (21)$$

ویژگی‌های این تابع کاپولا بصورت زیر است:

- اگر  $\theta > 1$ ، در این حالت، وابستگی مثبت است.
- اگر  $\theta \rightarrow \infty$ ، در این حالت تابع کاپولای فرانک به سمت کران بالایی فرشه - هافدینگک سوق پیدا می‌کند.
- اگر  $\theta \rightarrow -\infty$ ، در این حالت تابع کاپولای فرانک به سمت کران پایینی فرشه - هافدینگک سوق پیدا می‌کند.
- اگر  $\theta \rightarrow 0$ ، در این حالت بیانگر استقلال بین توزیع‌های حاشیه‌ای است.
- اگر  $\theta < 0$ ، در این حالت وابستگی منفی است.

تابع مولد کاپولای فرانک نیز عبارت است از:

$$\varphi(t) = -\ln \left( \frac{e^{-\theta t} - 1}{e^{-\theta} - 1} \right) \quad (22)$$

<sup>۱</sup> -Frank

ضریب همبستگی رتبه‌ای کاپولای نیز برابر است با (نلسن، ۲۰۰۶):

$$\tau = 1 - \frac{\rho}{\theta} [1 - D_1(\theta)] \quad (23)$$

که در آن  $D_k$  بیانگر تابع دبی<sup>۱</sup> است:

$$D_k(x) = \frac{k}{x} \int_0^x \frac{t^k}{(e^t - 1)} dt \quad (24)$$

تابع کاپولای کامل دارای وابستگی دم - پایین و بالای برابر صفر ( $\lambda_U = 0, \lambda_L = 0$ ) است (کایلوت و گوئگان، ۲۰۰۵).

به منظور انتخاب مناسب‌ترین مدل کاپولای متغیر با زمان، از دو معیار اطلاعاتی آکائیک (AIC) و بیزین (BIC) استفاده می‌شود که به صورت زیر تعریف می‌شوند:

$$AIC = -2CML + 2k \quad (25)$$

$$BIC = -2CML + \log(n) \times k$$

که در آن،  $k$  نشان‌دهنده تعداد پارامترهای هر یک از مدل‌های کاپولا است. مدلی که دارای کمترین مقدار AIC و BIC باشد، به عنوان بهترین مدل در نظر گرفته می‌شود.

### ۳.۲.۳. مرحله سوم: محاسبه WCVar و Sharp Ratio پرتفولیو

پایه‌های نظری مدل میانگین - واریانس (MV) که انقلابی در مدیریت نوین پرتفوی محسوب می‌شود، نخستین بار توسط مارکوویتز (۱۹۵۲) در قالب مقاله بنیادین «انتخاب پرتفوی» ارائه شد. این مدل با معرفی رویکردی کمی، تحولی اساسی در تحلیل تصمیم‌گیری‌های سرمایه‌گذاری ایجاد نمود. سرمایه‌گذاران منطقی همواره به دنبال دستیابی به حداقل ریسک برای سطح مشخصی از بازدهی یا حداکثر بازدهی برای یک سطح مشخص از ریسک هستند تا از طریق تشکیل یک پرتفولیوی بهینه، انتظارات خود را به حداکثر برسانند. هدف اصلی مدل MV، ایجاد توازن بین حداکثرسازی بازدهی و حداقل‌سازی ریسک است که به عنوان یک مسئله بهینه‌سازی چندهدفه فرمول‌بندی می‌شود:

<sup>۱</sup> -Debye function

$$\min \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n x_i x_j \sigma_{ij} \quad (26)$$

$$\max \sum_i^n x_i \mu_i$$

$$\text{s.t.} \quad \begin{cases} \sum_{i=1}^n x_i = 1 \\ 0 \leq x_i \leq 1, \forall i = 1, \dots, n \end{cases}$$

که در آن  $\sigma_{ij}$  کواریانس بین سهم  $i$  و سهم  $j$  است،  $x_i$  و  $x_j$  بیانگر نسبت مقدار اولیه، و  $\mu_i$  بیانگر بازدهی مورد انتظار سهم  $i$  است.

برای تبدیل این مسئله چندهدفه به یک مسئله تک هدفه، چن و همکاران (۲۰۲۱) از ضریب گریز از ریسک  $\lambda$  استفاده کردند. این ضریب، ترجیحات سرمایه گذاران را در قبال ریسک و بازدهی منعکس می کند و مسئله بهینه سازی به شکل زیر بیان می شود:

$$\min \lambda \left[ \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n x_i x_j \sigma_{ij} \right] - (1 - \lambda) \sum_i^n x_i \mu_i \quad (27)$$

$$\text{s.t.} \quad \begin{cases} \sum_{i=1}^n x_i = 1 \\ 0 \leq x_i \leq 1, \forall i = 1, \dots, n \end{cases}$$

که در آن ضریب گریز از ریسک  $\lambda$  بین صفر و ۱ است.  $\lambda = 0$  بیانگر اینست که سرمایه گذار خیلی ریسک پذیر بوده و به دنبال بازدهی بیشینه بدون در نظر گرفتن ریسک است. در عوض،  $\lambda = 1$  به معنای این است که سرمایه گذار خیلی ریسک گریز است و به دنبال حداقل کردن ریسک بدون در نظر گرفتن بازدهی است (لین<sup>۱</sup> و همکاران، ۲۰۲۱).

معیارهای متعددی برای سنجش ریسک وجود دارد. یکی از معیارهای متداول، ارزش در معرض ریسک (VaR) است؛ با این حال، این معیار با انتقادات متعددی مواجه شده است، زیرا یک معیار منسجم از ریسک محسوب نمی شود و تنها یک صدک از توزیع زیان را نشان می دهد،

<sup>۱</sup> -Lin

بدون اینکه به زیان‌های بالقوه در نواحی دم توزیع (شرایط بحرانی) توجه داشته باشد. به همین دلیل، ارزش در معرض ریسک شرطی (CVaR) توسط زگو<sup>۱</sup> (۲۰۰۵) به‌عنوان جایگزینی برای VaR پیشنهاد شد. CVaR به عنوان یک معیار ریسک منسجم، قابلیت ارزیابی دقیق‌تری از زیان‌های انتهایی توزیع نسبت به VaR دارد. در ادامه این روند، رستم و کاکوریس<sup>۲</sup> (۲۰۱۴) مفهوم کاپولا-CVaR را معرفی کردند و در نهایت، این مفهوم را به کاپولا-بدترین حالت CVaR (WCVaR) توسعه دادند که در سناریوهای بحرانی، ارزیابی دقیق‌تری از ریسک ارائه می‌دهد.

**تعریف VaR.** بردار  $\mathbf{w} \in W \subset \mathbb{R}^m$  به عنوان بردار متغیرها، و  $\mathbf{u} \in I^m$  به عنوان یک بردار تصادفی،  $\tilde{g}(\mathbf{w}, \mathbf{u})$  را تابع هزینه و  $\mathbf{F}(\mathbf{x}) = (F_1(x_1), \dots, F_n(x_n))^T$  مجموعه توزیع‌های حاشیه که در آن  $\mathbf{u} = \mathbf{F}(\mathbf{x})$  در نظر بگیریم. علاوه بر این، فرض کنیم که  $\mathbf{u}$  دارای توزیع

پیوسته با تابع کاپولای  $C(\cdot)$  باشد. در اینصورت برای سطح اطمینان  $\beta$  خواهیم داشت:

$$VaR_{\beta}(\mathbf{w}) = \min\{\alpha \in \mathbb{R}: C(\mathbf{u} | \tilde{g}(\mathbf{w}, \mathbf{u}) \leq \alpha) \geq \beta\} \quad (28)$$

**تعریف CVaR.** با داشتن  $\mathbf{u}$ ،  $\mathbf{w}$  و  $\tilde{g}(\mathbf{w}, \mathbf{u})$  در تعریف VaR، در سطح اطمینان  $\beta$  داریم:

$$CVaR_{\beta}(\mathbf{w}) = \frac{1}{1 - \beta} \int_{\tilde{g}(\mathbf{w}, \mathbf{u}) \geq VaR_{\beta}(\mathbf{w})} \tilde{g}(\mathbf{w}, \mathbf{u}) c(\mathbf{u}) d\mathbf{u} \quad (29)$$

**تعریف WCVaR.** WCVaR برای یک  $\mathbf{w} \in W \subset \mathbb{R}^m$  ثابت در سطح اطمینان  $\beta$  برحسب  $C(\cdot)$  بصورت زیر تعریف می‌شود:

$$WCVaR_{\beta}(\mathbf{w}) = \sup_{c(\cdot) \in C} CVaR_{\beta}(\mathbf{w}) \quad (30)$$

ضریب شارپ یا Sharpe ratio معیاری است که برای ارزیابی عملکرد سرمایه‌گذاری استفاده

<sup>۱</sup> -Szegö

<sup>۲</sup> -Rustem & Kakouris

== بهینه سازی نوآورانه پرتفولیو سهام: یک رویکرد بهینه یکپارچه با استفاده از الگوریتم..... ۱۵۵

می‌شود. این معیار نسبت بین بازده سرمایه‌گذاری به ریسک آن را نشان می‌دهد. برای محاسبه ضریب شارپ، ابتدا بازده پرتفولیو منهای ریسک بازدهی بدون ریسک (نرخ بهره بانکی) به دست می‌آید. سپس این مقدار تقسیم بر انحراف معیار آن می‌شود. مقدار حاصله نشان دهنده بازدهی اضافی سرمایه‌گذاری نسبت به ریسک متوسط آن است. ضریب شارپ بالا نشان دهنده این است که سرمایه‌گذاری با بازدهی بیشتر در مقایسه با ریسک متوسط خود دارد (خورشید<sup>۱</sup> و همکاران، ۲۰۲۵). فرمول محاسبه این نسبت به صورت زیر است:

$$\text{SharpRatio} = \frac{R_p - R_f}{\sigma(R_p - R_f)} \quad (31)$$

که در آن  $R_p$  بازدهی پرتفولیو،  $R_f$  بازدهی بدون ریسک و  $\sigma$  انحراف استاندارد است.

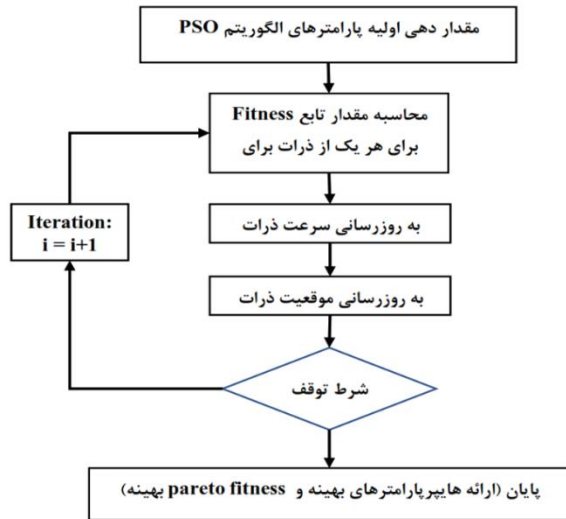
#### ۴.۲.۳. مرحله چهارم: بهینه‌سازی چندهدفه

بهینه‌سازی پرتفولیو در این تحقیق بصورت همزمان و یکپارچه با تخمین پارامتر وابستگی متغیر با زمان مدل کاپولا و وزن پرتفولیو با استفاده از الگوریتم MOPSO، با در نظر گرفتن تابع دو هدفه زیر انجام می‌شود:

$$\text{Fitenss} = \begin{cases} \min WCVaR \\ \max \text{SharpRatio} \end{cases} \quad (32)$$

شماتیک روش بهینه‌سازی PSO در شکل ۲ نشان داده شده است. در الگوریتم PSO ابتدا پارامترها بصورت تصادفی (در فضای جستجو) مقداردهی اولیه می‌شوند، سپس به ازای این مقادیر ایجاد شده تابع برازندگی محاسبه می‌شود. سپس سرعت ذرات و موقعیت آنها به روز رسانی شده و مجدد تابع برازندگی محاسبه می‌شود. تا زمانی که شرط خاتمه (رسیدن به تعداد تکرار مشخص یا تلورانس مشخص) برقرار شود مراحل تکرار می‌شود تا الگوریتم به همگرایی برسد.

<sup>۱</sup> - Khurshid



شکل ۲. شماتیک الگوریتم PSO (نتایج تحقیق)

### ۵.۲.۳. متغیرهای پژوهشی

متغیرهای پژوهش حاضر در جدول ۳ نشان داده شده است. متغیرهای اصلی شامل قیمت بسته شدن، وابستگی حاشیه‌ای، WCVaR، و نسبت شارپ مورد بررسی قرار گرفته‌اند. قیمت بسته شدن به عنوان متغیر مستقل و کمی، از داده‌های روزانه بازار بورس استخراج شده و پایه‌ای برای تحلیل‌های بعدی فراهم می‌کند. وابستگی حاشیه‌ای، که به عنوان متغیر وابسته میانی و کمی در نظر گرفته شده است، با استفاده از مدل کاپولا محاسبه می‌شود و ساختار وابستگی بین بازدهی سهام را مدل‌سازی می‌کند. WCVaR، به عنوان متغیر وابسته و کمی، ریسک‌های افراطی را در شرایط بحرانی بازار ارزیابی می‌کند و با استفاده از مدل ارزش در معرض ریسک شرطی در بدترین حالت محاسبه می‌شود. نسبت شارپ نیز به عنوان متغیر وابسته و کمی، عملکرد پرتفوی را از طریق نسبت بازدهی مورد انتظار به انحراف استاندارد بازدهی مورد انتظار اندازه‌گیری می‌کند و نشان‌دهنده بازدهی اضافی به ازای هر واحد ریسک است. این متغیرها در کنار یکدیگر، چارچوبی جامع برای تحلیل ریسک و بازدهی پرتفوی ایجاد می‌کنند و به سرمایه‌گذاران کمک می‌کنند تا تصمیم‌گیری‌های بهینه‌تری در مواجهه با نوسانات بازار داشته باشند.

جدول ۳. متغیرهای پژوهش

عنوان متغیر	نقش متغیر	نوع متغیر	نحوه اندازه گیری	مقیاس
قیمت بسته شدن	مستقل	کمی پیوسته	--	--
وابستگی حاشیه‌ای	وابسته (میانی)	کمی پیوسته	مدل کاپولا	--
WCVaR	وابسته	کمی پیوسته	مدل ارزش در معرض ریسک شرطی	۱ تا ۰
Sharp Ratio	وابسته	کمی پیوسته	نسبت بازدهی مورد انتظار بر انحراف استاندارد بازدهی مورد انتظار	۱ تا ۰

منبع: نتایج تحقیق

### ۳. یافته‌های تحقیق

در این تحقیق، داده‌های قیمت پایانی ۱۱۷ شرکت پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار تهران طی بازه زمانی ۲۰۱۲ (۱۳۹۱) تا ۲۰۲۴ (۱۴۰۲) مورد تحلیل قرار گرفته است. در مجموع، ۲۸۹۸ مشاهده از قیمت پایانی شرکت‌ها جمع‌آوری شد که میانگین قیمت پایانی برابر با ۳۵۹۲.۹۳ ریال و انحراف معیار آن ۴۳۶۷.۹۴ ریال محاسبه گردید. انحراف معیار بالا نشان‌دهنده پراکندگی قابل توجه قیمت‌ها در بین شرکت‌هاست، به طوری که کمینه قیمت پایانی ۱۹۶.۷۱ ریال و بیشینه آن به ۱۵۷۲۵.۳۳ ریال رسیده است. این اختلاف چشمگیر بین کمترین و بیشترین قیمت، حاکی از تنوع گسترده ارزش بازار شرکت‌های حاضر در نمونه است.

توزیع قیمت‌های پایانی از طریق هیستوگرام (شکل ۳) بررسی شد. این نمودار نشان می‌دهد که بیشترین فراوانی قیمت‌ها در محدوده پایینتر (زیر ۴۰۰۰ ریال) متمرکز است، در حالی که تعداد محدودی از شرکت‌ها به سطوح قیمتی بسیار بالاتر (بالای ۱۰۰۰۰ ریال) دست یافته‌اند. این الگو با مقادیر چارک‌ها نیز تأیید می‌شود (جدول ۴):

- ۲۵٪ از داده‌ها زیر ۴۱۵.۱۱ ریال (چارک اول)،

- ۵۰٪ زیر ۵۹۸.۱۶ ریال (میانه)،

- و ۷۵٪ زیر ۷۲۰۶.۷۱ ریال (چارک سوم) قرار دارند.

اختلاف فاحش بین میانه (۵۹۸.۱۶) و میانگین (۳۵۹۲.۹۳) و همچنین چارک سوم (۷۲۰۶.۷۱) و

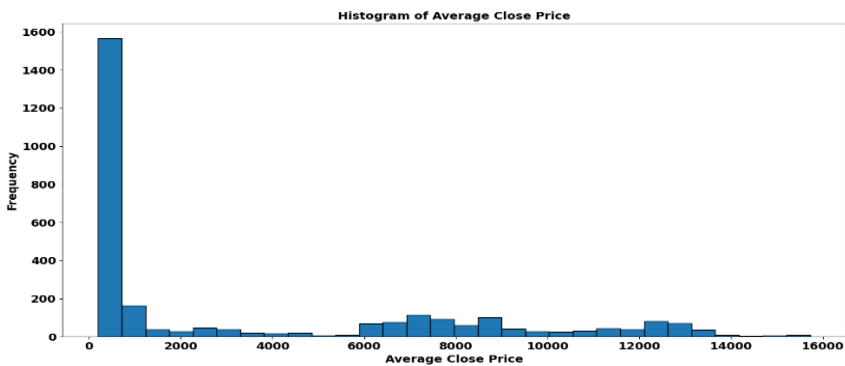
بیشینه (۱۵۷۲۵.۳۳)، گویای چولگی شدید به سمت راست در توزیع داده‌هاست. این امر ناشی از وجود تعداد محدودی شرکت با قیمت‌های بسیار بالا است که میانگین را به شکل معناداری تحت تأثیر قرار داده‌اند. چنین توزیعی لزوم استفاده از روش‌های آماری مقاوم به ناهنجاری‌ها (مانند مدل‌های مبتنی رویارویی با ریسک در بدترین حالت) را در تحلیل پرتفولیو توجیه می‌کند. از سوی دیگر، نمودار سری زمانی شکل ۴ روند تغییرات میانگین قیمت پایانی را از سال ۲۰۱۲ تا ۲۰۲۴ نشان می‌دهد. این نمودار بیانگر نوسانات قابل توجه در بازه‌های مختلف است:

- افزایش تدریجی قیمت‌ها از سال ۲۰۱۲ تا ۲۰۱۶،
- رشد شتابان از سال ۲۰۱۸ تا ۲۰۲۲ (با اوجگیری در ۲۰۲۲)،
- و کاهش نسبی در سال‌های اخیر (۲۰۲۳-۲۰۲۴).

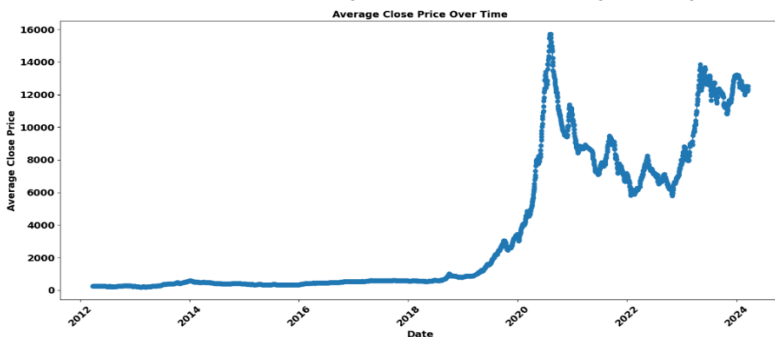
این نوسانات می‌تواند تحت تأثیر عوامل کلان اقتصادی، تحولات بازار سرمایه ایران، یا تغییرات در ارزش ذاتی شرکت‌ها باشد.

پراکندگی بالا و چولگی داده‌ها ضرورت استفاده از مدل‌های ریسک پویا (مانند GARCH-dCopula) را تقویت می‌کند، چرا که مدل‌های ایستا قادر به انعکاس تغییرپذیری شدید و وابستگی‌های غیرخطی بین دارایی‌ها نیستند. از سوی دیگر، وجود داده‌های پرت در سطوح قیمتی بالا، لزوم به‌کارگیری معیارهای ریسک محافظه‌کارانه مانند WCVaR را برجسته می‌سازد تا اثرات سناریوهای بحرانی در بهینه‌سازی پرتفولیو در نظر گرفته شود. همچنین نوسانات زمانی قیمت‌ها اهمیت به‌روزرسانی پویای پارامترهای مدل (با تکنیک پنجره لغزشی) و ادغام معیارهای چندهدفه (نظیر نسبت شارپ) را برای دستیابی به توازن بین بازده و ریسک در شرایط واقعی بازار تأیید می‌کند.

== بهینه سازی نوآورانه پرتفولیو سهام: یک رویکرد بهینه یکپارچه با استفاده از الگوریتم..... ۱۵۹



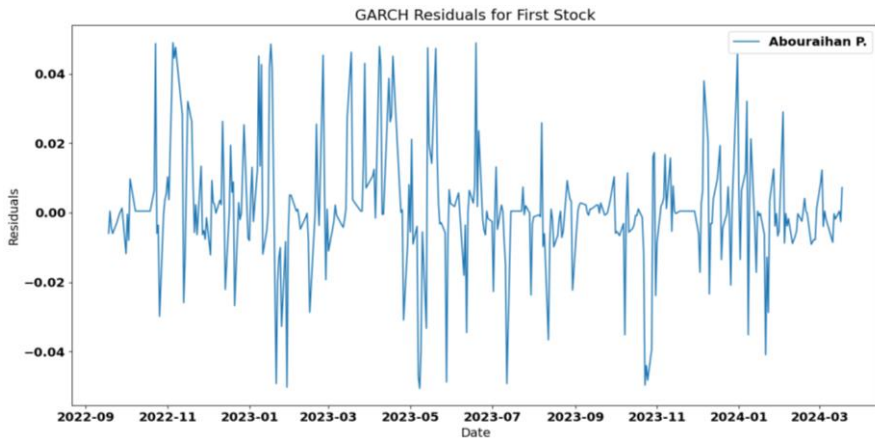
شکل ۳. نمودار هیستوگرام قیمت های شرکت های مورد مطالعه (خروجی نرم افزار)



شکل ۴. میانگین قیمتی شرکت های مورد مطالعه.

جدول ۴. آمار توصیفی میانگین سری زمانی قیمت بسته شدن سهام

پارامتر	مقدار (ریال)
میانگین	۳۵۹۲.۹۲۶
انحراف استاندارد	۴۳۶۷.۹۳۵
کمینه	۱۹۶.۷۱۴۳
چارک اول	۴۱۵.۱۰۹۸
چارک دوم	۵۹۸.۱۶۳۷
چارک سوم	۷۲۰۶.۷۰۶
بیشینه	۱۵۷۲۵.۳۳



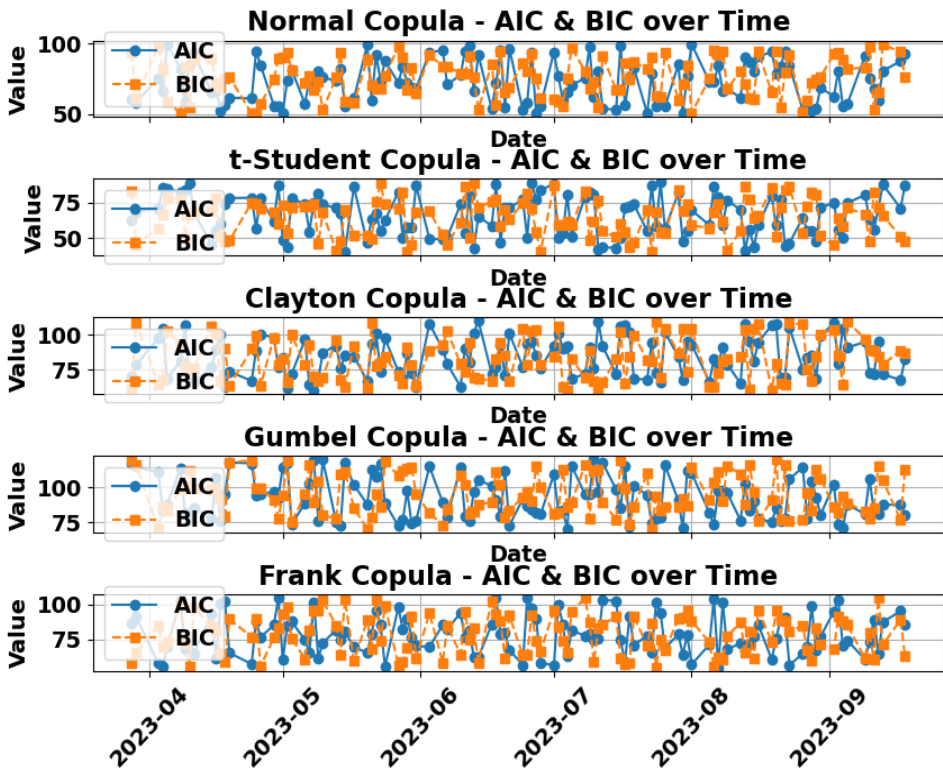
شکل ۵. سری زمانی ترم پسماند مدل GARCH برای شرکت دارویی ابوریحان.

فرآیند مدل‌سازی ریسک پرتفولیو با محاسبه بازدهی لگاریتمی سهام آغاز شد. این معیار به دلیل ویژگی‌های مطلوبی مانند تقارن و حذف اثر مقیاس، به عنوان پایه‌ای برای تحلیل نوسانات انتخاب گردید. در گام بعدی، مدل GARCH برای توصیف نوسانات شرطی بازدهی هر سهم برازش داده شد. مدل GARCH(1,1) به دلیل سادگی و توانایی در اثرات پایدار نوسانات، به عنوان چارچوب پایه انتخاب گردید. پس از برازش مدل، سری زمانی پسماندهای استاندارد شده برای هر دارایی استخراج شد. این پسماندها، نوسانات باقیمانده پس از حذف اثرات خودهمبستگی و ناهمسانی واریانس را نشان می‌دهند و به عنوان ورودی اصلی برای مدل‌سازی وابستگی بین دارایی‌ها در مرحله بعد استفاده شدند. نمودار پسماندهای GARCH برای دارویی ابوریحان که در شکل ۵ ترسیم شده است، به عنوان نمونه‌ای نمایانگر از خروجی این مرحله ارائه شده است. این نمودار نشان می‌دهد که پسماندها حول میانگین صفر نوسان می‌کنند و هیچ الگوی باقیمانده‌ای (مانند خوشه‌بندی نوسانات یا روند) در آنها مشاهده نمی‌شود. این نتیجه، نشان‌دهنده کفایت مدل GARCH در توصیف نوسانات شرطی بازدهی این سهم است.

هر یک از کاپولاها ویژگی‌های منحصر به فردی در توصیف ساختار وابستگی بین متغیرها ارائه می‌دهند که انتخاب بهینه آن‌ها را به شرایط بازار وابسته می‌سازد. کاپولای نرمال: وابستگی متقارن و خطی را مدل می‌کند. این کاپولا فاقد توانایی در وابستگی‌های دم‌سنگین است و برای

بازارهای با نوسانات ملایم مناسب است. کاپولای تی - استیودنت وابستگی متقارن اما با ضخامت دم‌های مشترک (دم‌سنگین) را توصیف می‌کند. این مدل برای دوره‌هایی که احتمال رخداد شوک‌های همزمان در بازدهی دارایی‌ها بالا است، کاربرد دارد. کاپولای کلایتون وابستگی نامتقارن با تمرکز بر دم پایینی را مدل می‌کند. این کاپولا برای شرایطی که همبستگی بین دارایی‌ها در زمان کاهش شدید قیمت‌ها افزایش می‌یابد، مناسب است. کاپولای گامبل وابستگی نامتقارن با تمرکز بر دم بالایی را توصیف می‌کند. این مدل در بازارهای صعودی شدید یا هنگام افزایش همزمان قیمت‌ها کارایی بالایی دارد. کاپولای فرانک وابستگی متقارن را بدون وجود اثر دم‌سنگین مدل می‌کند. این کاپولا برای داده‌هایی با وابستگی ضعیف تا متوسط و توزیع‌های فاقد داده‌های پرت شدید مناسب است. با استفاده از تکنیک پنجره لغزشی (طول پنجره: ۲۵۲ روز)، پارامترهای هر کاپولا به صورت متغیر با زمان برآورد شدند و در هر بازه، مدلی که کمترین مقادیر AIC و BIC را داشت، به عنوان بهینه انتخاب گردید (شکل ۶). نمودار پسماندهای استاندارد شده GARCH برای دارویی ابوریحان (شکل ۵) نشان می‌دهد که توزیع خطاها به نرمال نزدیک است. این نتیجه، فرضیات پایه کاپولاهای نرمال و فرانک را تقویت می‌کند. با این حال، در بازه‌هایی که چولگی یا کشیدگی در پسماندها مشاهده شد (مانند ۲۰۲۰-۲۰۲۱)، مدل‌های تی - استیودنت و کلایتون به دلیل انعطاف در مدل‌سازی دم‌ها، برتری واضحی یافتند. مقدار میانگین معیارهای AIC و BIC کاپولاها نیز در جدول ۶ نشان داده شده است. بر اساس این جدول، کاپولای تی - استیودنت به عنوان مدل برتر انتخاب می‌شود، زیرا کمترین مقادیر AIC و BIC را دارد. با این حال، تفاوت بین کاپولای نرمال، فرانک، و گامبل کم است، که نشان می‌دهد این سه مدل عملکرد مشابهی در این داده‌ها دارند. در صورت نیاز به مدل‌سازی وابستگی‌های پیچیده‌تر (مانند دم‌سنگین یا نامتقارن)، کاپولای گامبل یا فرانک نیز می‌توانند گزینه‌های مناسبی باشند.

بنابراین، انتخاب پویا نشان داد که هیچ مدل کاپولایی به تنهایی برای تمام شرایط بازار مناسب نیست. ترکیب پنجره لغزشی با معیارهای AIC/BIC، انعطاف لازم برای تطبیق با ساختارهای وابستگی متغیر را فراهم می‌کند.



شکل ۶. مقادیر معیارهای AIC و BIC مدل‌های کاپولای مورد مطالعه در طول زمان. (خروجی نرم افزار)

جدول ۶. مقادیر میانگین معیارهای AIC و BIC مدل‌های کاپولای مورد مطالعه

میانگین BIC	میانگین AIC	مدل کاپولا
۷۶.۷۸	۷۲.۲۹	نرمال
۹۴.۹۴	۹۵.۷۷	گامبل
۸۰.۲۱	۷۸.۱۴	فرانک
۸۵.۶۶	۸۶.۲۱	کلایتون
۶۵.۸۸	۶۵.۷۹	تی - استیودنت

منبع: نتایج تحقیق

پس از محاسبه وابستگی‌های پویا توسط مدل کاپولای پویا که توسط الگوریتم PSO بهینه می‌شود، نتایج حاصل از پیاده‌سازی الگوریتم PSO برای بهینه‌سازی همزمان دو معیار نسبت

== بهینه سازی نوآورانه پرتفولیو سهام: یک رویکرد بهینه یکپارچه با استفاده از الگوریتم..... ۱۶۳

شارپ و WCVaR ارائه می شود. این تحلیل بر اساس خروجی های نموداری و جدولی صورت گرفته است که شامل نمودار پرتو (Pareto Front)، جدول وزن های بهینه پرتفولیو، و نمودار همگرایی الگوریتم می باشد. در ادامه، هر یک از این اجزا به تفصیل بررسی شده و پیامدهای کاربردی آن ها در مدیریت پرتفولیو تشریح می گردد.

نمودار پرتو که در شکل ۷ نمایش داده شده است، مجموعه ای از پرتفولیوهای بهینه را نشان می دهد که در آن هیچ یک از راه حل ها بر دیگری برتری کامل ندارد. به عبارت دیگر، بهبود یک معیار (مثلاً کاهش ریسک) تنها با کاهش در معیار دیگر (مثلاً بازده) امکان پذیر است. این نمودار به سرمایه گذاران اجازه می دهد تا بر اساس سطح ریسک پذیری و انتظارات بازدهی، بهترین ترکیب دارایی را انتخاب کنند.

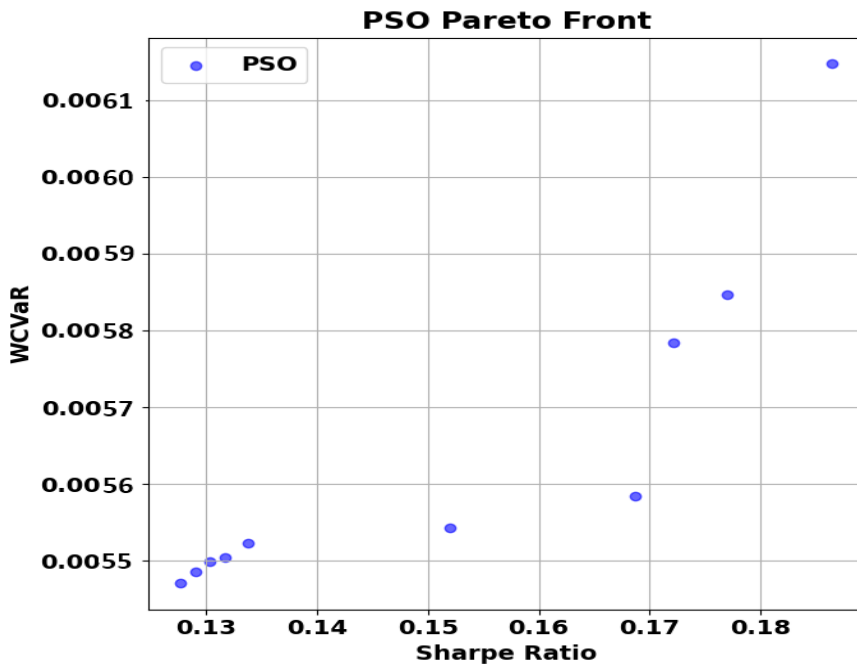
- منطقه کم ریسک (سمت چپ نمودار): پرتفولیوهای این ناحیه دارای WCVaR پایین و نسبت شارپ کم هستند. این ترکیبات عموماً شامل سهام شرکت های با نوسانات کم، نظیر صنایع دارویی و مصرفی می شوند که در دوره های بحرانی ثبات بیشتری نشان می دهند.

- منطقه متوازن (مرکز نمودار): پرتفولیوهای این بخش، توازن بین ریسک و بازده ایجاد می کنند. WCVaR در این ناحیه بین ۳.۴٪ تا ۳.۶٪ و نسبت شارپ بین ۱.۱ تا ۱.۲ است. وزن دارایی ها در این حالت به صورت ترکیبی از سهام با نوسانات متوسط (مانند بانک ها و خودروسازان) و درصد کمتری از سهام پرنوسان (مانند فناوری) اختصاص می یابد.

- منطقه پرریسک (سمت راست نمودار): این پرتفولیوها با WCVaR بالا (بالای ۳.۶٪) و نسبت شارپ قابل توجه (۱.۴ تا ۱.۳۵) مشخص می شوند. سهام حاضر در این ترکیبات عمدتاً متعلق به صنایع پرنوسان است که پتانسیل بازدهی کوتاه مدت بالایی دارند.

سرمایه گذاران محافظه کار می توانند پرتفولیوهای سمت چپ را انتخاب کنند، در حالی که سرمایه گذاران تهاجمی با تحمل ریسک بالا، گزینه های سمت راست را ترجیح می دهند. این انعطاف پذیری، نشان دهنده قدرت رویکرد چندهدفه در پاسخگویی به نیازهای متنوع بازار است. جدول وزن های بهینه که ترکیب دارایی های برتر را نشان می دهد در (جدول ۷) نشان داده شده

است. این جدول، توزیع وزن سه پرتفولیوی شاخص (کم ریسک، متوازن، و پرریسک) را نشان می‌دهد. پرتفولیو متوازن، به دلیل توزیع وزن هوشمندانه، بیشترین تقاضا را در بین سرمایه‌گذاران نهادی دارد. در مقابل، پرتفولیو پرریسک، جذابیت بالایی برای معامله‌گران کوتاه‌مدت دارد که به دنبال سودهای سریع هستند.



شکل ۷. نمودار پرتو الگوریتم PSO (خروجی نرم افزار)

== بهینه سازی نوآورانه پرتفولیو سهام: یک رویکرد بهینه یکپارچه با استفاده از الگوریتم..... ۱۶۵

### جدول ۷. وزن بهینه پرتفولیوی سهام مورد مطالعه با الگوریتم PSO

وزن	نام سهم	وزن	نام سهم	وزن	نام سهم	وزن	نام سهم
۰.۰۰۰	Shahroud Cement	۰.۰۰۷	Magsal Agri.	۰.۰۱۵	I. Pegah Dairy	۰.۰۰۶	Abouraihan P.
۰.۰۰۶	Shazand Petr.	۰.۰۰۱	Melli Ind. Grp.	۰.۰۰۲	I. T. Foundry	۰.۰۰۹	Absal
۰.۰۰۹	Shiraz Petr.	۰.۰۱۰	Motorsazan	۰.۰۱۰	Ind. & M. L.	۰.۰۱۷	Alborz Darou
۰.۰۱۰	Sina Darou Lab.	۰.۰۰۰	N. I. L. Z.	۰.۰۰۳	Ind. & Mine Inv	۰.۰۰۵	Aluminum R.
۰.۰۱۰	Sina Fin. Ins.	۰.۰۰۵	Nirou Moharreke	۰.۰۰۲	Inf. Services	۰.۰۰۲	Alvand Tile
۰.۰۰۴	Sina Tile	۰.۰۰۹	Nirou Trans	۰.۰۰۶	Insurance Inv.	۰.۰۱۷	Ama
۰.۰۰۰	Takeram	۰.۰۱۳	Omid Inv. Mng.	۰.۰۱۷	Iran Amlah	۰.۰۰۱	Amin Pharm.
۰.۰۰۰	Tehran Cement	۰.۰۱۴	Oroumīyeh Cem.	۰.۰۰۳	Iran Board	۰.۰۱۷	Atye Damavand
۰.۰۱۱	Tuka Trans.	۰.۰۰۶	Pak Dairy	۰.۰۱۶	Iran Carbon	۰.۰۰۶	Bahman Inv.
۰.۰۰۸	VAMCO	۰.۰۱۶	Pars Darou	۰.۰۰۵	Iran Carton	۰.۰۰۴	Bahonar Copper
۰.۰۰۷	Zamyad	۰.۰۱۷	Pars Khazar	۰.۰۱۰	Iran China Clay	۰.۰۱۰	Bama
		۰.۰۱۶	Pars Oil	۰.۰۱۵	Iran Combine	۰.۰۱۱	Behnoush Iran
		۰.۰۰۱	Pars Shahab	۰.۰۰۴	Iran Ferr.	۰.۰۱۷	Behran Oil
		۰.۰۱۰	Pars Switch	۰.۰۱۵	Iran Glass Wool	۰.۰۱۵	Buali Inv.
		۰.۰۰۶	Pars Tile	۰.۰۱۷	Iran Khodro	۰.۰۰۴	Butane Group
		۰.۰۰۴	Parsian Bank	۰.۰۱۶	Iran M. & P. M.	۰.۰۰۳	Calcimine
		۰.۰۰۹	Pension Fund	۰.۰۰۴	Iran Mineral P.	۰.۰۰۷	Chadormalu
		۰.۰۰۹	Petr. Tran.	۰.۰۱۴	Iran Mn. Mines	۰.۰۰۴	Chimidarou
		۰.۰۰۶	Razak Lab.	۰.۰۰۶	Iran Motorcycle	۰.۰۰۳	Darab Cement
		۰.۰۱۱	Razi P. Glasses	۰.۰۱۶	Iran Refract.	۰.۰۱۶	Daroupakhash I.
		۰.۰۰۷	S EN Bank	۰.۰۰۷	Iran Tire	۰.۰۰۷	Daroupakhash P.
		۰.۰۱۶	S I. N. C. Ind.	۰.۰۰۳	Iran Tractor	۰.۰۰۸	Derakhshan Teh.
		۰.۰۰۸	S Iran Transfo	۰.۰۱۴	Iran Yasa Tire	۰.۰۰۵	Doroud Cement
		۰.۰۱۰	S Mellat Bank	۰.۰۱۲	Isfahan Sugar	۰.۰۱۵	DPI
		۰.۰۰۶	S Mobarakeh Steel	۰.۰۱۲	Jaam Darou	۰.۰۰۵	E. Kh. Shargh
		۰.۰۰۹	S North Drilling	۰.۰۰۶	Jaber Hayan P.	۰.۰۱۶	Exir Pharm.
		۰.۰۰۷	S Rayan Saipa	۰.۰۱۷	Kalber Dairy	۰.۰۰۹	Fanavaran Petr.

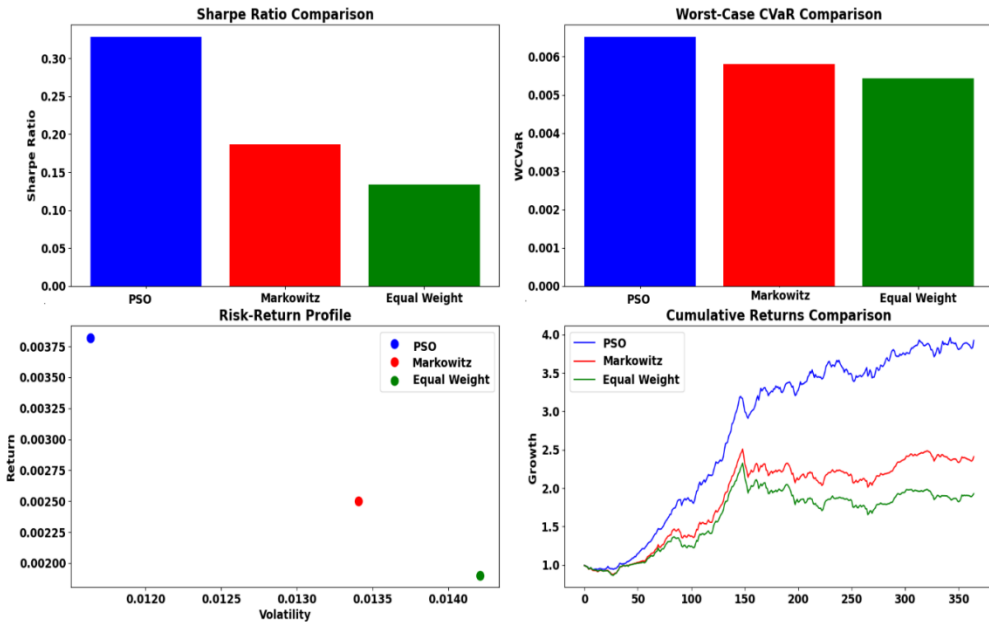
		۰۰۱۰	S Saipa Inv.	۰۰۰۷	Karafarin Bank	۰۰۰۶	Fars Chem. Ind.
		۰۰۰۷	S Saipa	۰۰۱۶	Kaveh Paper	۰۰۰۶	Ghadir Inv.
		۰۰۱۴	S Tejarat Bank	۰۰۱۶	Kerman Tire	۰۰۰۰	Ghadir Kh. L.
		۰۰۰۵	Saadi Tile	۰۰۰۲	Kh. Pegah Dairy	۰۰۱۰	Ghandi Cables.
		۰۰۱۷	Saderat Bank	۰۰۰۴	Khark Petr.	۰۰۰۲	Gharb Cement.
		۰۰۰۲	Sahand Rubber	۰۰۱۶	Khouz. Steel	۰۰۰۵	Ghazvin Sugar
		۰۰۱۷	Sarma Afarin	۰۰۰۹	Leasing Iran	۰۰۰۰	Gol-E-Gohar.
		۰۰۱۷	Sepah Inv.	۰۰۰۵	Loghman Pharm.	۰۰۰۲	Gorji Biscuit

منبع: نتایج تحقیق

به منظور اعتبارسنجی نتایج حاصل از روش پیشنهادی، نتایج حاصل از آن با رویکرد مارکویتز و پرتفوی با وزن مقایسه شد و در شکل ۸ ترسیم شد. در نمودار بالا - چپ که نسبت شارپ را نشان می‌دهد، مشخص است که پرتفوی PSO بالاترین مقدار شارپ را دارد و پس از آن، مدل مارکویتز قرار می‌گیرد. وزن مساوی کمترین نسبت شارپ را نشان می‌دهد. این امر بیانگر آن است که روش PSO، به ازای هر واحد ریسک، بازدهی بیشتری را کسب کرده و در این مقیاس کارا تر عمل کرده است. با این حال، در نمودار بالا - راست که بدترین سناریوی CVaR را نشان می‌دهد (عدد پایین تر به معنای ریسک کمتری در شرایط بحرانی است)، پرتفوی وزن مساوی کمترین مقدار CVaR را دارد، سپس مارکویتز و در نهایت PSO در جایگاه سوم قرار می‌گیرد. بنابراین اگر اولویت اصلی سرمایه‌گذار، مصون ماندن از زیان‌های شدید در بدترین شرایط بازار باشد، پرتفوی وزن مساوی به نظر محافظه‌کارانه تر عمل می‌کند. در بخش پایین - چپ، «پروفایل ریسک - بازده» هر یک از پرتفوی‌ها نمایش داده شده است. نقطه متناظر با PSO، بالاترین بازده را نسبت به دو روش دیگر دارد و در عین حال، سطح ریسک آن نیز در مقایسه با مارکویتز اندکی متفاوت اما نزدیک است. مدل مارکویتز به لحاظ بازدهی کمی پایین تر از PSO قرار گرفته و پرتفوی وزن مساوی هم در بخش بازده پایین تر و هم با نوسان بالاتر قابل مشاهده است. این توزیع نقاط نشان می‌دهد که مدل PSO در مجموع توازن مناسبی بین ریسک و بازده ایجاد کرده و مارکویتز نیز با فاصله‌ای نه‌چندان زیاد، عملکرد قابل قبولی دارد. اما وزن مساوی با وجود ریسک نسبتاً بالاتر، بازده کمتری را نصیب سرمایه‌گذار می‌کند.

== بهینه سازی نوآورانه پرتفولیو سهام: یک رویکرد بهینه یکپارچه با استفاده از الگوریتم..... ۱۶۷

در نهایت، نمودار پایین - راست روند «بازده تجمعی» را در طول دوره مورد بررسی نشان می‌دهد. در این بخش، منحنی مربوط به PSO بالاترین بازده نهایی را به خود اختصاص داده است و پس از آن، مارکویتز در جایگاه دوم قرار می‌گیرد. منحنی وزن مساوی نیز کمترین بازده تجمعی را دارد. بنابراین می‌توان گفت در انتهای دوره، پرتفوی حاصل از PSO با بهره‌گیری از جست‌وجوی فراابتکاری چندهدفه توانسته است بازده نهایی بیشتری را ایجاد کند. به بیان دیگر، PSO در این بازه زمانی، رشد سرمایه بالاتری را در بلندمدت ارائه داده است؛ هرچند با توجه به معیار CVaR، ریسک زیان سنگین در شرایط بحرانی در این روش بالاتر گزارش شده است. به طور خلاصه، هیچ‌یک از سه رویکرد، در تمامی معیارها بر دیگری به طور مطلق برتری ندارد و انتخاب بهترین روش تا حد زیادی وابسته به اولویت‌ها و سطح ریسک‌پذیری سرمایه‌گذار است. اگر معیار اصلی، کسب بالاترین نسبت شارپ باشد، PSO پیشنهاد است. اگر سرمایه‌گذار بیش از هر چیز، نگران زیان‌های شدید باشد، پرتفوی وزن مساوی در سناریوهای بحرانی بهتر عمل می‌کند. در عین حال، اگر بازده تجمعی نهایی و رشد سرمایه در طول زمان برای سرمایه‌گذار اهمیت ویژه داشته باشد، PSO توانسته است بالاترین بازده را محقق سازد و نشان می‌دهد رویکرد چندهدفه آن در بهره‌گیری از هر دو معیار شارپ و WCvAR، ظرفیت مناسبی برای تولید پرتفوی‌های سودآورتر در شرایط معمول بازار فراهم کرده است؛ هرچند نیازمند تحمل ریسک بالاتر در بدترین سناریوها خواهد بود.



شکل ۸. مقایسه عملکرد روش پیشنهادی با مدل مارکوویتز و پرتفوی با وزن یکسان (خروجی نرم افزار)

#### ۴. بحث و نتیجه گیری

این پژوهش گامی بنیادین در مسیر تحول روش‌های بهینه‌سازی سبد سهام و مدیریت ریسک در بازارهای پویای مالی به شمار می‌رود. ما در این مطالعه با تلفیق دو روش پیشرفته مدل‌سازی GARCH-dCopula و تکنیک پنجره‌های متحرک، موفق به ارائه چارچوبی جامع برای شناسایی دقیق روابط پویا و نوسانات پیچیده بین دارایی‌های مالی شدیم. نوآوری کلیدی این تحقیق در طراحی سیستم یکپارچه‌ای است که از الگوریتم فراابتکاری PSO در چارچوب بهینه‌سازی چندهدفه استفاده می‌کند و به طور همزمان معیارهای اساسی عملکرد از جمله نسبت شارپ و WCVaR را در فرآیند تصمیم‌گیری دخیل می‌سازد. نتایج تجربی به دست آمده از آزمون‌های گسترده نشان می‌دهد که این رویکرد پیشرفته نه تنها در شرایط عادی بازار، بلکه در مواجهه با نوسانات شدید و بحران‌های مالی نیز عملکردی برتر از مدل کلاسیک مارکوویتز از خود نشان می‌دهد. در واقع، قدرت اصلی این روش در توانایی آن برای انطباق پویا با تغییرات

== بهینه سازی نوآورانه پرتفولیو سهام: یک رویکرد بهینه یکپارچه با استفاده از الگوریتم..... ۱۶۹

بازار و ارائه راهکارهای بهینه در شرایط مختلف نهفته است. از منظر کاربردی، این سیستم قادر است با در نظر گرفتن ترجیحات فردی سرمایه گذاران از نظر سطح ریسک پذیری، ترکیب های دارایی ای ارائه دهد که از یک سو حداکثر بازدهی ممکن و از سوی دیگر حداقل ریسک قابل قبول را تضمین می کند. مزیت متمایز این پژوهش در ارائه راهکاری عملیاتی است که می تواند به صورت بلادرنگ به تغییرات بازار واکنش نشان داده و پرتفوی های بهینه شده را در اختیار سرمایه گذاران نهادی و حرفه ای قرار دهد. یافته های این مطالعه نه تنها مرزهای دانش در حوزه مالی کمی را گسترش می دهد، بلکه ابزار قدرتمندی در اختیار مدیران سرمایه گذاری قرار می دهد تا در محیط های پرنوسان امروزی، تصمیم گیری های آگاهانه تری داشته باشند. این سیستم با ترکیب هوشمندانه آخرین پیشرفت های حوزه یادگیری ماشین و مالی کمی، الگویی جدید را در مدیریت سبد سهام معرفی می کند که می تواند تحولی اساسی در صنعت سرمایه گذاری ایجاد کند.

در همین راستا، پیشنهاد می شود سیاست های حمایتی برای فناوری های مالی با ایجاد صندوق های نوآوری و پرایی آزمایشگاه های مشترک میان دانشگاه ها، بانک ها و شرکت های سرمایه گذاری پیاده سازی شود تا زمینه بهره برداری از مدل های پیشرفته مدیریت پرتفوی فراهم گردد. همچنین، از دیدگاه عملی توصیه می شود سرمایه گذاران از چارچوب های مدل سازی پویای ریسک همراه با الگوریتم PSO بهره ببرند تا بتوانند در مواجهه با نوسانات بازار و تغییرات ناگهانی شرایط اقتصادی، به انتخاب پرتفوی های بهینه دست یابند. برای گسترش کاربرد و بهبود عملکرد این مدل ها، پیشنهاد می شود در تحقیقات آتی به ادغام الگوریتم های بهینه سازی با مدل های یادگیری عمیق پرداخته شود و اثر داده های غیرساختاری مانند اخبار و شبکه های اجتماعی بر پیش بینی ریسک به تفصیل بررسی گردد. علاوه بر این، توسعه نسخه های هیبریدی از الگوریتم PSO استفاده از روش های یادگیری تقویتی می تواند زمان محاسبات را کاهش داده و دقت در تعیین وزن های بهینه توابع هدف را افزایش دهد. با توجه به ویژگی های منحصر به فرد بازار سرمایه ایران، نتایج حاصل از این پژوهش می تواند به عنوان الگویی عملی در سایر بازارهای مشابه مورد استفاده قرار گیرد و مسیر تحقیقات آینده در زمینه مدیریت ریسک و بهینه سازی پرتفوی را هموار سازد. در نهایت، این مطالعه نشان می دهد که ترکیب مدل سازی پویای ریسک با الگوریتم های فراابتکاری می تواند شکاف میان نظریه و عمل را کاهش داده و افق های نوینی را

برای مدیریت سرمایه در محیط‌های پیچیده و نامتوازن ارائه دهد؛ رویکردی که هم پژوهشگران و هم فعالان بازار می‌توانند از آن در تدوین استراتژی‌های موثر و راهبردی بهره‌مند شوند.

## منابع

۱. ایازی، مهدی و ابطحی، سبدمهدی (۱۳۹۹)، **بهینه‌سازی پرتفوی سهام با استفاده از رویکرد میانگین و نیم واریانس**، پایان‌نامه کارشناسی ارشد، دانشگاه آزاد اسلامی، واحد مرودشت.
۲. تقی‌خواه‌خمامی، نسرین، صلاحی، مازیار (۱۳۹۸)، مدل استوار میانگین - واریانس مارکویتز، پایان‌نامه کارشناسی ارشد، دانشگاه گیلان.
۳. داودی‌فر، نسیم (۱۳۹۹)، بهینه سازی مدل میانگین نیم واریانس در بازار مالی بین الملل توسط الگوریتم های PSO و GA و FA، فصلنامه علمی تخصصی رویکردهای پژوهشی نوین در مدیریت و حسابداری، ۴(۴۸): ۱۴-۱.
۴. رضاشاطری، مریم؛ نصری، محمد؛ زینالی، مهدی. (۱۴۰۳). ارائه الگوی بهینه سبد سهام از طریق محدودیت تسلط تصادفی و کاهش ریسک گریزی مطلق، **فصلنامه علمی اقتصاد و بانکداری اسلامی**، شماره ۴۶، ۲۲۷-۲۵۲.
۵. واعظی، فرشته و همکاران (۱۴۰۰)، **بهینه‌سازی سبد سرمایه‌گذاری بر مبنای توسعه مدل کوله پشتی**، رساله دکتری، رشته مهندسی صنایع، دانشگاه علم و صنعت ایران.
۶. Alotaibi, T. S., Dalla Valle, L., & Craven, M. J. (۲۰۲۲). The Worst Case GARCH-Copula CVaR Approach for Portfolio Optimisation: Evidence from Financial Markets. *Journal of Risk and Financial Management*, ۱۵(۱۰), ۴۸۲.
۷. Bollerslev, T. (۱۹۸۶). Generalized autoregressive conditional heteroskedasticity. *Journal of econometrics*, ۳۱(۳), ۳۰۷-۳۲۷.
۸. Caillault, C., & Guegan, D. (۲۰۰۵). Empirical estimation of tail dependence using copulas: application to Asian markets. *Quantitative Finance*, ۵(۵), ۴۸۹-۵۰۱.
۹. Chen, W., Zhang, H., Mehlawat, M. K., & Jia, L. (۲۰۲۱). Mean-variance portfolio optimization using machine learning-based stock price prediction. *Applied Soft Computing*, ۱۰۰, ۱۰۶۹۴۳.
۱۰. Clayton, D. G. (۱۹۷۸). A model for association in bivariate life tables and its application in epidemiological studies of familial tendency in chronic disease incidence. *Biometrika*, ۶۵(۱), ۱۴۱-۱۵۱.
۱۱. Duarte, G. V., & Ozaki, V. A. (۲۰۲۳). Modeling multivariate time series with copulas: Implications for pricing revenue

- insurance. *Revista Brasileira de Economia*, ۷۷, e1۰۲۰۲۳.
۱۲. Engle, R. F. (۱۹۸۲). Autoregressive conditional heteroscedasticity with estimates of the variance of United Kingdom inflation. *Econometrica: Journal of the econometric society*, ۹۸۷-۱۰۰۷.
  ۱۳. Frank, M. J. (۱۹۷۹). On the simultaneous associativity of  $F(x, y)$  and  $x+y-F(x, y)$ . *Aequationes mathematicae*, 19(1), 1۹۴-۲۲۶.
  ۱۴. Grossmass, L., & Poon, S. H. (۲۰۱۵). Estimating dynamic copula dependence using intraday data. *Studies in Nonlinear Dynamics & Econometrics*, 19(۴), ۵۰۱-۵۲۹.
  ۱۵. Kennedy, J., & Eberhart, R. (۱۹۹۵, November). Particle swarm optimization. In *Proceedings of ICNN'۹۵-international conference on neural networks* (Vol. ۴, pp. ۱۹۴۲-۱۹۴۸). IEEE.
  ۱۶. Khurshid, S., Abdulla, M. S., & Ghatak, G. (۲۰۲۵). Optimizing sharpe ratio: risk-adjusted decision-making in multi-armed bandits. *Machine Learning*, 11۶(۲), ۳۲.
  ۱۷. Lin, C. C., Tseng, C. H., & Ho, S. L. (۲۰۲۳, October). Applying Random Forest Algorithm and Mean-Variance Model in Portfolio Optimization in the China Stock Market. In *۲۰۲۳ IEEE ۱۳th Eurasia Conference on IOT, Communication and Engineering (ECICE)* (pp. ۳۶۱-۳۶۴).
  ۱۸. , S., & Teräsvirta, T. (۲۰۰۲). Evaluating GARCH models. *Journal of Econometrics*, 11۰(۲), ۴۱۷-۴۳۵.
  ۱۹. Ma, M., Song, S., Ren, L., Jiang, S., & Song, J. (۲۰۱۳). Multivariate drought characteristics using trivariate Gaussian and Student t copulas. *Hydrological processes*, ۲۷(۸), ۱۱۷۵-۱۱۹۰.
  ۲۰. Markowitz, H. (۱۹۵۲). Portfolio Selection. *Journal of Finance*.
  ۲۱. Nelsen, R. B. (۲۰۰۶). An introduction to copulas. Springer Science & Business Media.

== بهینه سازی نوآورانه پرتفولیو سهام: یک رویکرد بهینه یکپارچه با استفاده از الگوریتم..... ۱۷۳

۲۲. Patton, A. (۲۰۱۳). Copula methods for forecasting multivariate time series. *Handbook of economic forecasting*, ۲, ۸۹۹-۹۶۰.
۲۳. Rockafellar, R. T., & Uryasev, S. (۲۰۰۰). Optimization of conditional value-at-risk. *Journal of risk*, ۲, ۲۱-۴۲.
۲۴. Sklar, M. (۱۹۵۹). Fonctions de répartition à n dimensions et leurs marges. *In Annales de l'ISUP* (Vol. ۸, No. ۳, pp. ۲۲۹-۲۳۱).